LK Mathematik 12.1	Name:
Klausur Nr. 3 - Teil 1 (ohne Maple)	
18. Januar 2001	

1.) Leite folgende Funktionen ab:

a) 
$$f(x) = (x^4 + 2x^2 - 7)^6$$

b) 
$$g(x) = \sin x \cdot \cos x$$

c) 
$$h(x) = \frac{x^2 + 3}{x^3 - 2}$$

d) 
$$i(x) = \frac{\sin x}{\cos x}$$

e) 
$$j(x) = \sqrt{x^3 - 7x}$$

f) 
$$k(x) = \sqrt{(x^2 - 4)^5}$$

2.) Berechne folgende Integrale

a) 
$$\int_{1}^{2} (x-4)^2 dx$$

b) 
$$\int_{2}^{4} 2 \sqrt{x} \ dx$$

3.) Die Funktion f ist definiert durch  $f(x) = (x-2)^2 \cdot g(x)$ , wobei g(x) eine auf der ganzen Definitionsmenge differenzierbare Funktion ist. Zeige, dass das Schaubild von f eine waagrechte Tangente besitzt.

LK Mathematik 12.1	Name:
Klausur Nr. 3 - Teil 2 (mit Maple)	
18. Januar 2001	

## Aufgabe Nr. 1

Welche Fläche begrenzen die Schaubilder der Funktionen f und g, die durch  $f(x) = x^3 - x$  und  $g(x) = -\frac{1}{4}x^3 + \frac{1}{4}x^2$  gegeben sind?

## Aufgabe Nr. 2

Berechne den Inhalt der Fläche, die vom Schaubild der Funktion f mit  $f(x) = \frac{1}{x^2} - \frac{1}{9}$ , der

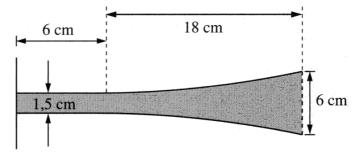
Tangente an f im Punkt P(1|f(1)) und der x-Achse begrenzt wird.

## Aufgabe Nr. 3

Eine "Sektflöte" hat innen die dargestellte Form. Der gekrümmte Teil ist ein Parabelbogen, der sich ohne Knick an die

vorangehende geradlinige Strecke anschließt.

- a) Welches Volumen fasst das Glas?
- b) Wie hoch stehen 0,10 Liter Sekt in diesem Glas?



- Berechnungen, die mit dem CAS-System durchgeführt werden, müssen entsprechend gekennzeichnet werden.
- "Plots", die zum Verständnis der Lösungen notwendig sind, müssen auf dem Aufgabenblatt wiedergeben werden.